Correctievoorschrift VWO

2017

tijdvak 2

wiskunde B (pilot)

Het correctievoorschrift bestaat uit:
1 Regels voor de beoordeling
2 Algemene regels
3 Vakspecifieke regels
4 Beoordelingsmodel
5 Aanleveren scores

1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit VO.
Voorts heeft het College voor Toetsen en Examens op grond van artikel 2 lid 2d van de Wet College voor toetsen en examens de Regeling beoordelingsnormen en bijbehorende scores centraal examen vastgesteld.
Voor de beoordeling zijn de volgende aspecten van de artikelen 36, 41, 41a en 42 van het Eindexamenbesluit VO van belang:
1. De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen en het proces-verbaal van het examen toekomen aan de examinator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinator past de beoordelingsnormen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door het College voor Toetsen en Examens.
2. De directeur doet de van de examinator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het proces-verbaal en de regels voor het bepalen van de score onverwijld aan de directeur van de school van de gecommitteerde toekomen. Deze stelt het ter hand aan de gecommitteerde.

3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past de beoordelingsnormen en de regels voor het bepalen van de score toe die zijn gegeven door het College voor Toetsen en Examens.
De gecommitteerde voegt bij het gecorrigeerde werk een verklaring betreffende de verrichte correctie. Deze verklaring wordt mede ondertekend door het bevoegd gezag van de gecommitteerde.
4 De examinator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het behaalde aantal scorepunten voor het centraal examen vast.
5 Indien de examinator en de gecommitteerde daarbij niet tot overeenstemming komen, wordt het geschil voorgelegd aan het bevoegd gezag van de gecommitteerde. Dit bevoegd gezag kan hierover in overleg treden met het bevoegd gezag van de examinator. Indien het geschil niet kan worden beslecht, wordt hiervan melding gemaakt aan de inspectie. De inspectie kan een derde onafhankelijke corrector aanwijzen. De beoordeling van deze derde corrector komt in de plaats van de eerdere beoordelingen.

2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de regeling van het College voor Toetsen en Examens van toepassing:
1 De examinator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.
2 Voor het antwoord op een vraag worden door de examinator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend, in overeenstemming met het bij de toets behorende correctievoorschrift. Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 zijn niet geoorloofd.
3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:
3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend;
3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend in overeenstemming met het beoordelingsmodel;
3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het beoordelingsmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het beoordelingsmodel;
3.4 indien slechts één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;
3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;
3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of afleiding of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend tenzij in het beoordelingsmodel anders is aangegeven;

3.7 indien in het beoordelingsmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord of onderdeel van dat antwoord;
3.8 indien in het beoordelingsmodel een gedeelte van het antwoord tussen haakjes staat, behoeft dit gedeelte niet in het antwoord van de kandidaat voor te komen;
3.9 indien een kandidaat op grond van een algemeen geldende woordbetekenis, zoals bijvoorbeeld vermeld in een woordenboek, een antwoord geeft dat vakinhoudelijk onjuist is, worden aan dat antwoord geen scorepunten toegekend, of tenminste niet de scorepunten die met de vakinhoudelijke onjuistheid gemoeid zijn.

4 Het juiste antwoord op een meerkeuzevraag is de hoofdletter die behoort bij de juiste keuzemogelijkheid. Voor een juist antwoord op een meerkeuzevraag wordt het in het beoordelingsmodel vermelde aantal scorepunten toegekend. Voor elk ander antwoord worden geen scorepunten toegekend. Indien meer dan één antwoord gegeven is, worden eveneens geen scorepunten toegekend.

5 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.

6 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het beoordelingsmodel anders is vermeld.

7 Indien de examinator of de gecommitteerde meent dat in een examen of in het beoordelingsmodel bij dat examen een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof examen en beoordelingsmodel juist zijn. Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan het College voor Toetsen en Examens. Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het beoordelingsmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.

8 Scorepunten worden met inachtneming van het correctievoorschrift toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.

9 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen.
Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur.
De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer.

NB1 Het College voor Toetsen en Examens heeft de correctievoorschriften bij regeling vastgesteld. Het correctievoorschrift is een zogeheten algemeen verbindend voorschrift en valt onder wet- en regelgeving die van overheidswege wordt verstrekt. De corrector mag dus niet afwijken van het correctievoorschrift.

NB2 Het aangeven van de onvolkomenheden op het werk en/of het noteren van de behaalde scores bij de vraag is toegestaan, maar niet verplicht.
Evenmin is er een standaardformulier voorgeschreven voor de vermelding van de scores van de kandidaten.
Het vermelden van het schoolexamencijfer is toegestaan, maar niet verplicht.
Binnen de ruimte die de regelgeving biedt, kunnen scholen afzonderlijk of in gezamenlijk overleg keuzes maken.

NB3 Als het College voor Toetsen en Examens vaststelt dat een centraal examen een onvolkomenheid bevat, kan het besluiten tot een aanvulling op het correctievoorschrift. Een aanvulling op het correctievoorschrift wordt zo spoedig mogelijk nadat de onvolkomenheid is vastgesteld via Examenblad.nl verstuurd aan de examensecretarissen.
Soms komt een onvolkomenheid pas geruime tijd na de afname aan het licht. In die gevallen vermeldt de aanvulling:

NB
Als het werk al naar de tweede corrector is gezonden, past de tweede corrector deze aanvulling op het correctievoorschrift toe.

Een onvolkomenheid kan ook op een tijdstip geconstateerd worden dat een aanvulling op het correctievoorschrift te laat zou komen.
In dat geval houdt het College voor Toetsen en Examens bij de vaststelling van de N-term rekening met de onvolkomenheid.

3 Vakspecifieke regels

Voor dit examen kunnen maximaal 74 scorepunten worden behaald.

Voor dit examen zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt 1 scorepunt in mindering gebracht tot het maximum van het aantal scorepunten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.

2 De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de grafische rekenmachine gebruiken. Bij de betreffende vragen geven de kandidaten een toelichting waaruit blijkt hoe zij de GR hebben gebruikt.

3a Als bij een vraag doorgerekend wordt met tussenantwoorden die afgerond zijn, en dit leidt tot een ander eindantwoord dan wanneer doorgerekend is met niet-afgeronde tussenantwoorden, wordt bij de betreffende vraag één scorepunt in mindering gebracht. Tussenantwoorden mogen wel afgerond genoteerd worden.

3b Uitzondering zijn die gevallen waarin door de context wordt bepaald dat tussenantwoorden moeten worden afgerond.

4 Beoordelingsmodel

Vraag	Antwoord	Scores

Twee machten van 2

1 maximumscore 5

- $f'(x) = \ln(2) \cdot 2^x + \ln(2) \cdot 2^{-2x} \cdot -2$ — 2
- Uit $f'(x) = 0$ volgt dat $2^x = 2 \cdot 2^{-2x}$ — 1
- Dus $2^{3x} = 2$ (of $2^x = 2^{-2x+1}$) — 1
- Hieruit volgt $x = \frac{1}{3}$ — 1

of

- $a + a^{-2}$, met $a = 2^x$, moet minimaal zijn — 2
- De vergelijking $1 - 2a^{-3} = 0$ moet worden opgelost — 1
- Dit geeft $a = \left(\frac{1}{2}\right)^{-\frac{1}{3}}$ (of een gelijkwaardige uitdrukking) — 1
- Hieruit volgt $x = \frac{1}{3}$ — 1

2 maximumscore 5

- Een primitieve van 2^x is $\frac{1}{\ln(2)} \cdot 2^x$ — 1
- Een primitieve van 2^{-2x} is $\frac{1}{\ln(2)} \cdot 2^{-2x} \cdot \frac{1}{-2}$ — 1
- De oppervlakte tussen de grafiek van f en de x-as is $\left(\frac{2}{\ln(2)} - \frac{1}{8\ln(2)}\right) - \left(\frac{1}{2\ln(2)} - \frac{4}{2\ln(2)}\right)$ ($\approx 4{,}869$) — 2
- De oppervlakte van het rechthoekige gebied is $2k$, dus de gevraagde waarde van k is 2,43 — 1

Vraag	Antwoord	Scores

3 **maximumscore 5**

- $\overrightarrow{AP}=\begin{pmatrix} p-1 \\ f(p)-2\frac{1}{4}\end{pmatrix}$, waarbij p de x-coördinaat van P is — 1
- $\begin{pmatrix} p-1 \\ 2^p+2^{-2p}-2\frac{1}{4}\end{pmatrix}\cdot\begin{pmatrix} 1 \\ 1\frac{13}{16}\end{pmatrix}=0$ — 1
- De vergelijking $p-1+1\frac{13}{16}(2^p+2^{-2p}-2\frac{1}{4})=0$ moet worden opgelost — 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking wordt opgelost — 1
- Dit geeft $p\approx -0,67$ (dus de x-coördinaat van P is $-0,67$) — 1

of

- De richtingscoëfficiënt van AQ is $\frac{29}{16}$ — 1
- (Het product van de richtingscoëfficiënten van AP en AQ moet -1 zijn,) dus de richtingscoëfficiënt van AP is $-\frac{16}{29}$ — 1
- Een vergelijking van AP is $y=-\frac{16}{29}(x-1)+2\frac{1}{4}$ — 1
- Beschrijven hoe de vergelijking $2^x+2^{-2x}=-\frac{16}{29}(x-1)+2\frac{1}{4}$ wordt opgelost — 1
- Dit geeft $x\approx -0,67$ (dus de x-coördinaat van P is $-0,67$) — 1

of

- De richtingscoëfficiënt van AQ is $\frac{29}{16}$ — 1
- (Het product van de richtingscoëfficiënten van AP en AQ moet -1 zijn,) dus de richtingscoëfficiënt van AP is $-\frac{16}{29}$ — 1
- De richtingscoëfficiënt van AP is ook $\frac{\Delta y}{\Delta x}=\frac{2\frac{1}{4}-(2^x+2^{-2x})}{1-x}$ — 1
- Beschrijven hoe de vergelijking $-\frac{16}{29}=\frac{2\frac{1}{4}-(2^x+2^{-2x})}{1-x}$ wordt opgelost — 1
- Dit geeft $x\approx -0,67$ (dus de x-coördinaat van P is $-0,67$) — 1

Een grafiek met een knik

4 maximumscore 5

- Voor de x-coördinaat van de knik geldt $8-4x=0$, dus $x=2$ — 1
- Voor $x<2$ geldt $f(x)=4\mathrm{e}^{2-x}+8-4x$ — 1
- Voor $x<2$ geldt $f'(x)=-4\mathrm{e}^{2-x}-4$ — 1
- De richtingscoëfficiënt van *m* is -8 — 1
- $\tan(\alpha)=-8$ geeft ($\alpha\approx-83°$, dus) het antwoord: $83°$ (of nauwkeuriger) — 1

5 maximumscore 3

- Voor $x\geq 2$ geldt $f(x)=4\mathrm{e}^{2-x}-8+4x$ — 1
- $\lim\limits_{x\to\infty} 4\mathrm{e}^{2-x}=0$ — 1
- Een vergelijking van de asymptoot is $y=4x-8$ — 1

Driehoek in cirkel

6 maximumscore 4

- De lijn door A loodrecht op AB heeft richtingscoëfficiënt -2 — 1
- Een vergelijking van die lijn is $y = -2x + 8$ — 1
- Beschrijven hoe de vergelijking $x^2 + (-2x+5)^2 = 25$ exact wordt opgelost — 1
- Het antwoord: $C(0, 8)$ — 1

of

- De lijn door B loodrecht op AB heeft richtingscoëfficiënt -2 — 1
- Een vergelijking van die lijn is $y = -2x - 2$ — 1
- Beschrijven hoe de vergelijking $x^2 + (-2x-5)^2 = 25$ exact wordt opgelost — 1
- Het antwoord: $C(-4, 6)$ — 1

of

- Een zijde van de driehoek moet middellijn van de cirkel zijn (stelling van Thales) — 2
- Het middelpunt van de cirkel is $(0, 3)$ en de straal is 5 — 1
- Als BC middellijn is, dan is $C(0, 8)$ (of: Als AC middellijn is, dan is $C(-4, 6)$) — 1

7 maximumscore 6

- $AB = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20}$ — 1
- C moet liggen op de cirkel met middelpunt A en straal $\sqrt{20}$ — 1
- Een vergelijking van die cirkel is $(x-4)^2 + y^2 = 20$ — 1
- Uit het stelsel $\left\{x^2 + (y-3)^2 = 25, (x-4)^2 + y^2 = 20\right\}$ een lineair verband tussen x en y afleiden, zoals $6y + 16 = 8x + 4$ — 1
- Beschrijven hoe de vergelijking $(x-4)^2 + \left(1\frac{1}{3}x - 2\right)^2 = 20$ (of $\left(\frac{3}{4}y - 2\frac{1}{2}\right)^2 + y^2 = 20$) exact wordt opgelost — 1
- Het antwoord: $C(4\frac{4}{5}, 4\frac{2}{5})$ — 1

of

Vraag	Antwoord	Scores

- $A(4, 0)$ en $M(0, 3)$ (met M het middelpunt van de cirkel), dus de richtingscoëfficiënt van AM is $-\frac{3}{4}$ — 1
- Een vergelijking van de lijn door B loodrecht op AM is $y = 1\frac{1}{3}x - 2$ — 1
- Het snijpunt van deze lijn met de cirkel geeft $x^2 + \left(1\frac{1}{3}x - 5\right)^2 = 25$ — 1
- Dit geeft $2\frac{7}{9}x^2 - 13\frac{1}{3}x = 0$ — 1
- Hieruit volgt $x = 4\frac{4}{5}$ ($x = 0$ voldoet niet) — 1
- Het antwoord: $C(4\frac{4}{5}, 4\frac{2}{5})$ — 1

Straal van een waterstraal

8 maximumscore 5

- Er geldt $v^2 = v_0^{\ 2} + 2gh_0 - 2gh$ (uit formule 1) 1
- Dit is gelijk aan $v_0^{\ 2} + 2g(h_0 - h) = v_0^{\ 2} + 2gx$ 1
- Ook geldt $r^2 = r_0^{\ 2} \cdot \dfrac{v_0}{v}$ (uit formule 2) 1
- Combineren geeft $r^2 = r_0^{\ 2} \cdot \dfrac{v_0}{\sqrt{v_0^{\ 2} + 2gx}}$ 1
- $r^2 = r_0^{\ 2} \cdot \sqrt{\dfrac{v_0^{\ 2}}{v_0^{\ 2} + 2gx}}$ dus (omdat r en r_0 beide positief zijn)

  $r = r_0 \cdot \sqrt[4]{\dfrac{v_0^{\ 2}}{v_0^{\ 2} + 2gx}}$ 1

of

- Er geldt $v^2 = v_0^{\ 2} + 2gh_0 - 2gh$ (uit formule 1) 1
- Dit is gelijk aan $v_0^{\ 2} + 2g(h_0 - h) = v_0^{\ 2} + 2gx$ 1
- Uit formule 2 volgt $r_0^{\ 4} \cdot v_0^{\ 2} = r^4 \cdot v^2$ en dus $r^4 = \dfrac{r_0^{\ 4} \cdot v_0^{\ 2}}{v^2}$ 1
- Dit combineren met $v^2 = v_0^{\ 2} + 2gx$ geeft $r^4 = r_0^{\ 4} \cdot \dfrac{v_0^{\ 2}}{v_0^{\ 2} + 2gx}$ 1
- Dan (omdat r en r_0 beide positief zijn) volgt $r = r_0 \cdot \sqrt[4]{\dfrac{v_0^{\ 2}}{v_0^{\ 2} + 2gx}}$ 1

9 maximumscore 5

- De inhoud is gelijk aan $\pi \cdot \int_0^{0,3} r^2 \, \mathrm{d}x$ 1
- $r = 0,01 \cdot \sqrt[4]{\dfrac{0,5^2}{0,5^2 + 2 \cdot 9,81 \cdot x}}$ 1
- Beschrijven hoe $\pi \cdot \int_0^{0,3} \left(0,01 \cdot \sqrt[4]{\dfrac{0,5^2}{0,5^2 + 2 \cdot 9,81 \cdot x}}\right)^2 \mathrm{d}x$ berekend kan worden 1
- Dit geeft $3,2 \cdot 10^{-5}$ (m^3) 1
- Het antwoord 32 (cm^3) (of 0,000032 m^3) 1

Cirkels

10 maximumscore 6

- De periode van de beweging van Q is 12, dus $m = \frac{2\pi}{12}$ $(= \frac{1}{6}\pi)$ 1
- (P heeft op $t = 12$ vier maal c_1 doorlopen en omdat de snelheid van P en de snelheid van Q gelijk zijn, geldt:) de omtrek van c_2 is vier keer zo groot als de omtrek van c_1 1
- De straal van c_2 is dus gelijk aan $(4 \cdot \frac{1}{2} =)$ 2 1
- De y-coördinaat van het middelpunt van c_2 is $(-\frac{1}{2} + 2 =)$ $1\frac{1}{2}$ 1
- Punt Q gaat omhoog door de evenwichtsstand na een kwart periode, dus voor $t = 3$ 1
- $(m = \frac{1}{6}\pi,)$ $k = 1\frac{1}{2}$, $l = 2$ en $n = 3$ (of andere correcte waarden) (of een formule voor y_Q is $y_Q = 1\frac{1}{2} + 2\sin(\frac{1}{6}\pi(t-3))$) 1

De vergelijking van Arrhenius

11 maximumscore 4

- Uit de vergelijking van Arrhenius volgt $\frac{k}{A} = \mathrm{e}^{-\left(\frac{E}{8,314T}\right)}$ 1
- $-\left(\frac{E}{8,314T}\right) = \ln\left(\frac{k}{A}\right)$ 1
- $\frac{E}{8,314T} = -\ln\left(\frac{k}{A}\right)$ $\left(= \ln\left(\left(\frac{k}{A}\right)^{-1}\right)\right)$ $= \ln\left(\frac{A}{k}\right)$ 1
- Dus $E = 8,314T \cdot \ln\left(\frac{A}{k}\right)$ 1

of

- Uit de vergelijking van Arrhenius volgt $\ln(k) = \ln\left(A \cdot \mathrm{e}^{-\left(\frac{E}{8,314T}\right)}\right)$ 1
- $\ln(k) = \ln(A) - \frac{E}{8,314T}$ 1
- $\frac{E}{8,314T} = \ln(A) - \ln(k) = \ln\left(\frac{A}{k}\right)$ 1
- Dus $E = 8,314T \cdot \ln\left(\frac{A}{k}\right)$ 1

of

- Als $E = 8,314T \cdot \ln\left(\frac{A}{k}\right)$ dan moet gelden $\frac{E}{8,314T} = \ln\left(\frac{A}{k}\right)$ 1
- Dan is $\frac{E}{8,314T} = \ln(A) - \ln(k)$ 1
- Dus $\ln(k) = \ln(A) + \frac{-E}{8,314T} = \ln(A) + \ln\left(\mathrm{e}^{-\left(\frac{E}{8,314T}\right)}\right)$ 1
- Dus $\ln(k) = \ln\left(A \cdot \mathrm{e}^{-\left(\frac{E}{8,314T}\right)}\right)$ (en dat komt overeen met de gegeven formule) 1

12 **maximumscore 3**

- Er moet gelden $8{,}314 \cdot 500 \cdot \ln\left(\dfrac{A}{2{,}7 \cdot 10^{-2}}\right) = 8{,}314 \cdot 550 \cdot \ln\left(\dfrac{A}{2{,}4 \cdot 10^{-1}}\right)$ 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- De gevraagde waarde van E is $1{,}0 \cdot 10^{5}$ (J/mol) 1

of

- $2{,}7 \cdot 10^{-2} = A \cdot \mathrm{e}^{-\left(\frac{E}{8{,}314 \cdot 500}\right)}$ en $2{,}4 \cdot 10^{-1} = A \cdot \mathrm{e}^{-\left(\frac{E}{8{,}314 \cdot 550}\right)}$ dus $\dfrac{2{,}7 \cdot 10^{-2}}{2{,}4 \cdot 10^{-1}} = \mathrm{e}^{\frac{-E}{8{,}314 \cdot 500}} : \mathrm{e}^{\frac{-E}{8{,}314 \cdot 550}}$ 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- De gevraagde waarde van E is $1{,}0 \cdot 10^{5}$ (J/mol) 1

Een foto van de Eusebiuskerk

13 maximumscore 3

- $\tan(\alpha-\beta)=\dfrac{\sin(\alpha-\beta)}{\cos(\alpha-\beta)}=\dfrac{\sin(\alpha)\cos(\beta)-\cos(\alpha)\sin(\beta)}{\cos(\alpha)\cos(\beta)+\sin(\alpha)\sin(\beta)}$ 1
- Teller en noemer delen door $\cos(\alpha)\cos(\beta)$ geeft $\dfrac{\dfrac{\sin(\alpha)\cos(\beta)}{\cos(\alpha)\cos(\beta)}-\dfrac{\cos(\alpha)\sin(\beta)}{\cos(\alpha)\cos(\beta)}}{1+\dfrac{\sin(\alpha)\sin(\beta)}{\cos(\alpha)\cos(\beta)}}$ 1
- Dat is gelijk aan $\dfrac{\dfrac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)}-\dfrac{\sin(\beta)}{\cos(\beta)}}{1+\dfrac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)}\cdot\dfrac{\sin(\beta)}{\cos(\beta)}}$ ofwel $\dfrac{\tan(\alpha)-\tan(\beta)}{1+\tan(\alpha)\cdot\tan(\beta)}$ 1

of

- $\dfrac{\tan(\alpha)-\tan(\beta)}{1+\tan(\alpha)\cdot\tan(\beta)}=\dfrac{\dfrac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)}-\dfrac{\sin(\beta)}{\cos(\beta)}}{1+\dfrac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)}\cdot\dfrac{\sin(\beta)}{\cos(\beta)}}$ 1
- Teller en noemer vermenigvuldigen met $\cos(\alpha)\cos(\beta)$ geeft $\dfrac{\sin(\alpha)\cos(\beta)-\cos(\alpha)\sin(\beta)}{\cos(\alpha)\cos(\beta)+\sin(\alpha)\sin(\beta)}$ 1
- Dit is gelijk aan $\dfrac{\sin(\alpha-\beta)}{\cos(\alpha-\beta)}=\tan(\alpha-\beta)$ 1

14 maximumscore 3

- $\tan(\alpha)=\dfrac{75}{x}$ en $\tan(\beta)=\dfrac{27}{x}$ 1
- Dus $\tan(\varphi)=\tan(\alpha-\beta)=\dfrac{\dfrac{75}{x}-\dfrac{27}{x}}{1+\dfrac{75}{x}\cdot\dfrac{27}{x}}$ 1
- Dit is gelijk aan $\dfrac{\dfrac{48}{x}}{1+\dfrac{2025}{x^2}}$, dus $\tan(\varphi)=\dfrac{48x}{x^2+2025}$ 1

15 maximumscore 4

- $g'(x) = \dfrac{48(x^2 + 2025) - 48x \cdot 2x}{(x^2 + 2025)^2}$ 2
- (Uit $g'(x) = 0$ volgt) $-48x^2 + 97\,200 = 0$ 1
- Hieruit volgt $x = 45$ ($x = -45$ voldoet niet) 1

Scheve parabolen

16 maximumscore 4

- $\dfrac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = 6t + 1$ en $\dfrac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = 6t - 1$ 1
- De snelheid $v(t)$ wordt gegeven door $\sqrt{(6t+1)^2 + (6t-1)^2}$ 1
- $v(t) = \sqrt{72t^2 + 2}$ 1
- (Voor $t = 0$ is $v(t)$ minimaal, dus) het minimum is $\sqrt{2}$ (dus de minimale snelheid is $\sqrt{2}$) 1

of

- $\dfrac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = 6t + 1$ en $\dfrac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = 6t - 1$ 1
- De snelheid $v(t)$ wordt gegeven door $\sqrt{(6t+1)^2 + (6t-1)^2}$ 1
- $v'(t) = \dfrac{12(6t+1) + 12(6t-1)}{2\sqrt{(6t+1)^2 + (6t-1)^2}}$ (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1
- $v'(t) = 0$ geeft $t = 0$; $v(0) = \sqrt{2}$ (dus de minimale snelheid is $\sqrt{2}$) 1

17 maximumscore 4

- $y = 0$ geeft $at^2 - t + 1 = 0$ 1
- (Deze vergelijking moet één oplossing hebben, dus) $D = 0$ 1
- $D = 1 - 4a$ 1
- $D = 0$ geeft $a = \frac{1}{4}$ 1

of

- $\dfrac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = 2at - 1$ 1
- (De parabool moet de x-as raken dus) $\dfrac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = 0$ geeft $t = \dfrac{1}{2a}$ 1
- De vergelijking $a \cdot \left(\dfrac{1}{2a}\right)^2 - \dfrac{1}{2a} + 1 = 0$ moet worden opgelost 1
- Dit geeft $a = \frac{1}{4}$ 1

5 Aanleveren scores

Verwerk de scores van alle kandidaten per examinator in de applicatie Wolf.
Accordeer deze gegevens voor Cito uiterlijk op 26 juni.